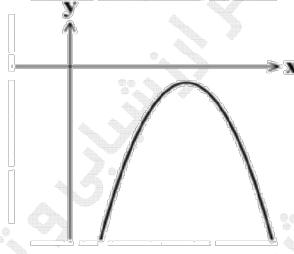


| سوالات آزمون نهایی درس: حسابان ۱ |      |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |        |
|----------------------------------|------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------|
| ردیف                             | نمره | سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | فرموده |
| ۱                                | ۱    | <p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) مجموع ریشه های معادله <math>x^3 - 3x^2 - 7 = 0</math> برابر <math>\frac{3}{4}</math> است.</p> <p>ب) در معادله <math> y  = x + 1</math>، <math>y</math> تابعی از <math>x</math> نیست.</p> <p>پ) دو تابع <math>f(x) = \left(\frac{1}{5}\right)^x</math> و <math>g(x) = -\log_5 x</math> وارون یکدیگرند.</p> <p>ت) اگر تابع <math>(f+g)(x)</math> در <math>x=a</math> حد داشته باشد، آنگاه هر دو تابع <math>f(x)</math> و <math>g(x)</math> در <math>x=a</math> حد دارند.</p> | ۱      |
| ۱                                | ۱    | <p>درجاهای خالی عبارت مناسب قرار دهید.</p> <p>الف) نمایش عبارت «فاصله بین <math>x</math> و <math>3</math> برابر <math>7</math> است» با نماد قدرمطلق به صورت ..... است.</p> <p>ب) برای هر دو تابع، اگر دامنهها با هم برابر و برددها نیز با یکدیگر برابر باشند، دو تابع برابر ..... (هستند، نیستند)</p> <p>پ) انتهای کمان روی رو به زاویه <math>6</math> رادیان در ربع ..... دایره مثلثاتی قرار دارد.</p> <p>ت) اگر بازه <math>(1-x, 7)</math> همسایگی عدد <math>2</math> باشد، حدود <math>x</math> بازه ..... می باشد.</p>              | ۲      |
| ۱.۲۵                             |      | مجموع همه اعداد طبیعی دو رقمی مضرب $6$ را بنویسید. (از فرمول مجموع جملات دنباله استفاده کنید.)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | ۳      |
| ۰.۵                              |      |  <p>شکل رویه رو نمودار سه‌می <math>y = ax^2 + bx + c</math> می‌باشد، علامت ضرایب <math>b</math> و <math>c</math> را تعیین کنید.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 | ۴      |
| ۱                                |      | معادله $\sqrt{x+1} = x - 5$ را حل کنید.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | ۵      |
| ۰.۷۵                             |      | فاصله نقطه $A(-2, 4)$ از خط $4x - 3y + 12 = 0$ را به کمک فرمول فاصله نقطه از خط به دست آورید.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | ۶      |
| ۱.۲۵                             |      | نمودار تابع زیر را رسم کرده و دامنه و برد آن را بنویسید. ( [ ] نماد جزء صحیح است)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | ۷      |
| ۰.۷۵                             |      | $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x+2} & -2 \leq x < 0 \\ [x] & 0 \leq x < 2 \end{cases}$ <p>ابتدا مشخص کنید کدام یک از توابع زیر یک به یک است، سپس ضابطه وارون آن را بنویسید.</p> <p>الف) <math>f(x) = (x-3)^3</math>      <math>x \geq 0</math></p> <p>ب) <math>g(x) =  x-1  + 2</math>      <math>x \geq 1</math></p>                                                                                                                                                                                                                     | ۸      |

| ردیف | نمره  | سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.                                                                                                                                                                                                                                      | ردیف |
|------|-------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| ۹    | ۱.۵   | <p>الف) اگر <math>f(x) = \sqrt{1-x}</math> و <math>g(x) = x^2 - 3</math> باشد، دامنه <math>fog</math> را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p> <p>ب) اگر <math>\{(2, 4), (-2, 3), (3, 4)\}</math> و <math>f = \{(2, 4), (1, 7), (0, 1)\}</math> باشد، تابع <math>\frac{f}{g}</math> را بنویسید.</p> | ۱۰   |
| ۱۰   | ۰.۷۵  | نیمه عمر یک ماده هسته‌ای ۳۰ سال است. نمونه‌ای از این ماده، ۱۲۸ میلی‌گرم جرم دارد. جرمی که پس از ۳۰۰ سال باقی می‌ماند را محاسبه کنید.                                                                                                                                                                | ۱۱   |
| ۱۱   | ۱     | اگر $\log 3 = a$ و $\log 2 = b$ باشد، حاصل $\log_{\sqrt{75}} 75$ را برحسب $a$ و $b$ به دست آورید.                                                                                                                                                                                                   | ۱۲   |
| ۱۲   | ۱     | معادله لگاریتمی $\log_7(x+7) - \log_7(x-2) = 2$ را حل کنید.                                                                                                                                                                                                                                         | ۱۳   |
| ۱۳   | ۰.۷۵  | در یک دایره به شعاع ۳ سانتی‌متر، اندازه کمان رو به رو به زاویه مرکزی $20^\circ$ را تعیین کنید.                                                                                                                                                                                                      | ۱۴   |
| ۱۴   | ۲.۰۲۵ | مقدار عددی هر یک از عبارت‌های زیر را به دست آورید.                                                                                                                                                                                                                                                  | ۱۵   |
| ۱۵   | ۰.۷۵  | نمودار تابع $f(x) = -\sin x + 1$ را به کمک نمودار $y = \sin x$ در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید.                                                                                                                                                                                                        | ۱۶   |
| ۱۶   | ۱     | <p>با توجه به نمودار تابع <math>f(x)</math> مقدار عبارت <math>A = \lim_{x \rightarrow 2^-} [f(x)] + f(2) + \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)</math> را به دست آورید.</p> <p>( ) نماد جزء صحیح است</p>                                                                                                   | ۱۷   |
| ۱۷   | ۲     | حدود زیر را محاسبه کنید. ( ) نماد جزء صحیح است                                                                                                                                                                                                                                                      | ۱۸   |
| ۱۸   | ۱.۵   | <p>مقادیر <math>a</math> و <math>b</math> را چنان تعیین کنید که تابع زیر در <math>x = 1</math> پیوسته باشد.</p> $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x}-1}{x-1} & x > 1 \\ b-1 & x = 1 \\ x-2a & x < 1 \end{cases}$                                                                                    |      |